

$\alpha$  为犯第一类错误的概率，把没有犯第一类错误的概率  $1-\alpha$  称为置信水平。一般情况下， $\alpha$  取值为 0.05。

$\beta$  为犯第二类错误的概率，把统计功效定义为  $1-\beta$ ，一般情况下， $\beta$  取值 0.2，则统计功效的取值为 0.8。

当观测的指标为绝对值类型 / 比率型指标时，样本的标准差的计算公式有所差异。

当观测指标为绝对值类指标时：

$$\sigma^2 = \frac{2 \times \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n-1}$$

其中： $n$  为样本数量； $x$  为样本均值。

当观测指标为比率类指标时：

$$\sigma^2 = P_A(1 - P_A) + P_B(1 - P_B)$$

其中： $P_A$ 、 $P_B$  分别为对照组和试验组的观测数据。举个例子，我们希望点击率从 20% 提升到 25%，那么  $P_A=20\%$ ， $P_B=25\%$ ， $\delta=5\%$ 。

如果上面的公式觉得不好理解，那我们就举两个例子计算一下。

例 1：绝对值指标。

某商品详情页平均停留时长的标准差是 20 秒，优化了商品详情页后，预估至少有 5 秒的绝对提升，AB 测试每个组需要的最少样本量：

$$\sigma=20, \delta=5$$

每个组所需的最少样本量：

$$8 \times 20 \times 20 / (5 \times 5) = 128$$

例 2：比率类指标。

某商品详情页点击率为 20%，优化了该功能后，预期点击率提升到 25%，AB 测试每个组需要的最少样本量：

$$\text{对照组 } P_A=20\%, \text{ 试验组 } P_B=25\%$$

每个组所需的最少样本量：

$$8 \times [20\% \times (1-20\%) + 25\% \times (1-25\%)] / (25\% - 20\%)^2 = 1112$$

计算出单个试验组所需的样本量，若有多个试验组，乘以试验组的个数就可以得到最终的样本量。

公式虽然明白怎么算了，但不想手算怎么办？我们有现成的工具可以直接使用！

推荐一个比较常见且好用的在线计算工具 Evans awesome AB Tools，它的界面如下图所示。